文章编号: 2095-2163(2021)08-0071-07

中图分类号: TP183 文献标志码: A

# 基于状态转移网络的汽车螺栓拧紧过程异常检测

# 李泽朋, 顾长贵, 宋雨轩

(上海理工大学管理学院,上海 200093)

**摘 要:**针对汽车螺栓拧紧异常检测系统检测效率低、特征提取困难的问题,本文提出了一种基于状态转移网络的异常检测 方法。本文扩展了可见图方法来研究合格与不合格汽车螺栓拧紧过程的时间序列,利用可见图来捕获时间序列重构后的局 部状态,并将捕获后的局部状态作为节点,构造形成状态转移网络。在这种状态转移网络中,一个节点被定义为时间序列中5 个连续数据点的状态,如果两个节点连续,则其之间存在一个有向边。该方法能够识别合格时间序列和不合格时间序列的动 态特性差异。特别是,本文发现5组合格时间序列在节点度分布、重要自连边节点的强度以及模体的出现上有显著的共性,而 5组不合格时间序列则没有这种共性。该方法可为汽车螺栓拧紧过程

# Anomaly detection of automobile bolt-connection processes by the state transfer network

#### LI Zepeng, GU Changgui, SONG Yuxuan

(School of Management, University of Shanghai for Science and Technology, Shanghai 200093, China)

[Abstract] Aiming at solving the problems of low detection efficiency and difficulty in feature extraction of automobile boltconnection anomaly detection system, an anomaly detection method based on the state transfer network is proposed. In the present study, we extended the visibility graph approach to investigate both qualified and unqualified automobile bolt-connection process time-series. Visibility graph are applied to capture the reconstructed local states that are regarded as nodes and tracked downstream to create a temporal chain link, then the state transfer network is formed. In this state transfer network, a node is defined as a state of five consistent data points of the time-series and a directed link exists if two nodes are consistent. This method can identify the difference in the dynamic characteristics between the qualified and unqualified time-series. In particular, we found that the five groups of qualified time-series have significant commonness in the node degree distribution, the strength of the important self-links nodes as well as the emergence of the motif, and the five groups of unqualified time-series do not. This method may provide guidance for the development of automobile bolt-connection processes anomaly detection.

[Key words] complex network; visibility graph; anomaly detection; motif

# 0 引 言

一般来说,异常检测是指对环境中的异常行为, 或者不符合预期行为的检测<sup>[1]</sup>。目前检测领域的 复杂环境也给异常检测带来了巨大的挑战<sup>[2]</sup>。汽 车制造领域的螺栓拧紧是通过对拧紧件(螺纹零 件)施加拧紧力矩,使其拉伸形变产生轴力,实现被 拧紧件之间相互夹紧的一种拧紧方式<sup>[3]</sup>。为了保 证汽车出厂前车身各部位螺栓拧紧达到合适的拧紧 力,以避免在汽车出厂后承担沉重的汽车召回代价, 各汽车公司均会进行汽车出厂异常检测<sup>[4]</sup>。

基于规则、聚类、支持向量机和森林等参数统计

模型和非参数统计模型常被用于做时间序列数据的 异常检测<sup>[5]</sup>。但由于硬件要求高、操作困难、检测 率不稳定等原因,大多数企业的实际检测过程中,通 常由熟练的工程师利用现有的扭矩数据直接判断是 否合格<sup>[6]</sup>。这一过程包含太多主观不可控因素,所 以迁移性大大降低<sup>[7]</sup>。

随着数据量的增加,传统的方法在大规模异常 检测中会遇到困难<sup>[8]</sup>。近年来,基于复杂网络的时 间序列分析在各个领域引起了广泛的关注。通过将 时间序列映射到网络,可以直观地得到从微观到宏 观的不同时间尺度上的结构模式<sup>[9]</sup>。Lacasa 等人提 出了一种广泛应用的可见图算法来连接相互可见的

收稿日期: 2021-05-27

基金项目:国家自然科学基金(11875042);上海理工大学大学生创新创业计划资助项目(XJ2021192)。

**作者简介:** 李泽朋(1996-),男,硕士研究生,主要研究方向:异常检测、时间序列分析; 顾长贵(1982-),男,博士,教授,博士生导师,主要研究 方向:复杂网络、系统科学; 宋雨轩(2001-),女,本科生,主要研究方向:复杂网络、机器学习。

**通讯作者:**顾长贵 Email: gu\_changgui@163.com

数据元素<sup>[10]</sup>。这种方法被迅速采用并广泛应用于 不同领域提取嵌入时间序列中的信息<sup>[11]</sup>。

然而在上述方法中,时间序列均被投射到静态 网络中,很难找到系统的动态进化行为<sup>[12]</sup>。复杂系 统的动态过程可以由时间序列中具有预定义长度的 序列段反映<sup>[13]</sup>。如果数据点彼此可见,将该段映射 到可见图中,就是通过连接这些可见的数据点来实 现[14]。对连续的可见图进行有向连接就会生成状 态转移网络。在状态转移网络中,将节点定义为时 间序列段内的状态,如果对原始数据由可见图方法 产生的两个状态(可见图)之间连续,则两个状态之 间存在有向连接。本文中状态转移网络中节点出现 的频率称为度。如果原始时间序列构造的网络中节 点的出现频率明显大于重组时间序列构造的网络中 节点的出现频率,则将该节点称为模体,其可以作为 时间序列的全局代表[15]。为了判断模体的出现是 否具有长期记忆性,应用去趋势波动分析(DFA)理 论计算了模体的 Hurst 指数,并对其网络特征进行 判别<sup>[16]</sup>。

本文试图通过对汽车拧紧过程时间序列构造状态转移网络,并分析不同序列之间网络的特性,进而 来扩展和验证可见图方法,并验证汽车拧紧过程的 数据中是否存在着非孤立的相互依赖的模体状态。 在本研究中提出应用状态转移网络的方法建立异常 检测数据网络,找出状态转移网络中合格与不合格 数据的差异,从而实现异常检测的功能。

# 1 异常检测方法

#### 1.1 数据描述

本文中用到的数据由上汽集团汽车出厂检测部 门提供,包括5组合格汽车螺栓拧紧过程时序数据 (后文简称合格汽车拧紧过程序列,即TSQP)与5 组不合格汽车螺栓拧紧过程时序数据(后文简称不 合格汽车拧紧过程序列,即U-TSQP)。图1(a1~ a5)为5组合格汽车拧紧过程时序图,(b1~b5)为5 组不合格汽车拧紧过程时序图。

如图 1 所示,(a1)-(a5)为 5 组合格汽车拧紧 过程时序(简称,TSQP)图,(b1)-(b5)为 5 组不合 格汽车拧紧过程时序(简称,U-TSQP)图,其中 x 轴 代表拧紧时间(ms),y 轴代表扭矩值(N/m)。

状态

时间序列可表示为  $X = \{x_1, x_2, x_3, \dots, x_N\},$ 其中 N 为序列长度。首先,由滑动窗口长度 s 沿时间序列从前向后滑动,可得到一系列相互重叠的滑

动窗口长度的时间序列片段  $X_m = \{x_m, x_{m+1}, x_{m+2}, \dots, x_{m+s-1}\}$ , 其中  $m = 1, 2, 3, \dots, N - s + 1_{\circ}$ 



Fig. 1 Time series diagram of automobile bolt connection process

构造状态转移网络的可见图方法对应的滑动窗 口长度选择为 *s* = 5。通过可见图方法,每个时间序 列片段可被转化为一个可见小图。在可见小图中, 节点被定义为该时间序列片段中的数据,同一个可 见小图中各节点之间是否可以连边由各节点是否可 见决定,其数学形式表述为:如果处于 *x<sub>a</sub>* 和 *x<sub>b</sub>* 之间 的每个点 *x<sub>c</sub>* 都满足公式(1):

$$x_c < x_a + (x_b - x_a) \cdot \frac{b - c}{b - a}.$$
 (1)

为此,在取滑动窗口长度为 s = 5 时,对所有数 据利用可见图方法构造可见小图之后,可以得到其 所有的可见小图,即状态转移网络中所有的状态,如 图 2 所示。

如图 2 所示,汽车螺栓拧紧过程时间序列中观 察到的状态。在图片的左上角为每个状态分配了一 个标识号。共有 10 组不同的序列,每组都产生了如 图 2 所示的 25 种状态。

在此用 $g_k$ 表示邻接矩阵,并用之代表某个滑动 窗口长度s内的数据点构成的可见图结构。如果该 滑动窗口长度s内的数据点 $x_a$ 和 $x_b$ 相连,则邻接矩 阵元素 $g_k(a-k+1,b+k+1)$ 的值为1;否则,值为 0。由此方式可将原式的整个时间序列 { $x_1, x_2, x_3,$ …, $x_N$ }映射为邻接矩阵序列 $G = \{g_1, g_2, g_3, ...,$  $g_{N-s+1}\}$ ,邻接矩阵序列G中的每一个元素代表一个 可见图结构,由此利用可见图理论将整个时间序列 映射为许多个可见图。





Fig. 2 Time series state diagram of automobile bolt connection process

在状态序列  $G = \{g_1, g_2, g_3, \dots, g_{N-s+1}\}$ 中,在 状态  $g_i = g_{i+1}$ 之间存在有向的拧紧,其中  $1 \le i \le N$ -  $s_0$ 为此,可以得到一个状态链,式(2):

$$g_1 \to g_2 \to g_3 \to \dots \to g_{N-s+1}.$$
 (2)

遍历状态链,如果任意两种状态的邻接矩阵形同,则用前者状态代替后者状态。例如,如果  $g_1 = g_3$ ,则用  $g_1$  替代  $g_3$ ,则此时状态链变为  $g_1 \rightarrow g_2 \rightarrow g_1 \rightarrow \cdots \rightarrow g_{N-s+1}$ 。该遍历过程去除了状态链中重复的局部状态。将剩余的局部状态定义为网络节点,从而将原时间序列映射成为状态转移网络。

网络节点的度为局部状态 g<sub>k</sub> 的出现次数,网络 节点之间连边的权重则是不同的局部状态之间的转 移次数,节点之间连边的方向为局部状态的转移方 向。在网络图中,用网络连边的粗细区分网络节点 之间连边的权重。

#### 1.2 去趋势波动分析(DFA)

去趋势波动分析(DFA)适用于分析非平稳时 间序列的长期记忆。其优点是能有效去除时间序列 中各阶的趋势分量,并能检测出含有噪声和多项式 趋势信号的长时记忆。将 DFA 应用于原始时间序 列  $\{y_i\}, i=1, 2, 3, \dots, N$ 的步骤如下,其中 N 是时 间序列的长度。

(1) 计算原始序列的累积偏差以获得新序列 z;

=  $\sum_{j=1}^{i} (y_j - \langle y \rangle)$ ,  $i = 1, 2, 3, \dots, N$ , 其中  $\langle y \rangle$  的值 是整个序列的平均值,即  $(\langle y \rangle = \sum_{k=1}^{N} \frac{y_k}{N})$ ;

(2)将综合序列 $z_i$ 划分为t非重叠窗口,窗口长度(数据点数)为: $w = \frac{N}{t}$ ,其中w表示时间尺度;

(3)在每个窗口中,用二阶多项式函数拟合 w 个数据点 z<sub>i</sub>,作为局部趋势。然后,从局部趋势中 减去 w 个数据点,得到残差 r<sub>i</sub>;

(4) 对于整个时间序列, 波动  $F(w) = \sqrt{\sum_{i=1}^{N} \frac{r_i^2}{N}}$ ~  $w^H$ , 其中 *H* 表示赫斯特指数;

(5)本文改变了时间尺度  $w(1 \le w \le N/10)$ ;

(6) 在双对数坐标系下,将振幅波动 F(w) 绘制为时间尺度 w 的函数。

如果 F(w) 与 w 的关系在双对数坐标系中是线性的, F(w) ( $F(w) \sim w^{H}$ )有幂律形式,其中标度指数 H 是线性关系的斜率。H 的值量化了波动的尺度不变相关性。如果 H = 0.5,则与白噪声相对应的区间波动没有相关性。如果 H < 0.5,则波动中存在负相关,即较小的值更可能跟随较大的值,反之亦然。如果 H > 0.5,则波动存在正相关,即较大的值后面跟着较大的值的可能性较大,反之亦然。

### 2 实验与测试

#### 2.1 汽车螺栓拧紧过程状态

根据建立状态转移网络的步骤,将汽车螺栓拧 紧过程时间序列映射到网络中。网络中的每个节点 表示一个状态,即图 2 中的每个状态图就是图 3 中 的节点。在图 2 中,观察到 25 种状态(节点),片段 长度 *s* = 5,因此本研究的状态转移网络中节点最多 为 25 个。注意,网络中的每个节点表示一个状态, 即图 2 中的每个状态是图 3 中的节点。

如图 3 所示,在取滑动窗口长度为 s = 5 时,第 一组合格汽车拧紧过程序列到第五组合格汽车拧紧 过程序列的状态转移网络。(a1-e1)表示由原始时 间序列生成的状态转移网络;(a2-e2)表示在移除 连接强度小于 500 的连接后从状态转移网络获得的 增强状态转移网络;(a3-e3)表示,从重组时间序列 的状态转移网络中移除连接强度小于 500 的连接 后,获得的增强重组状态转移网络。状态转移网络 中的每个节点由两个数字标识,即括号中的一个数 字表示图 2 中状态(或节点)的 ID 号,括号左侧的 另一个数字表示图1中原始时间序列中首次出现的 状态(或节点)的序列号。定向连接(箭头)表示从 一个状态到另一个状态的转换。红色箭头表示权重 描述转移频率的自连接,黄色框表示自连接节点。



图 3 5 组合格汽车拧紧过程序列状态转移网络图

Fig. 3 Time series state transfer network diagram of five groups of qualified automobile bolt connection process

如图 4 所示,在取滑动窗口长度为 s = 5 时,第 一组不合格汽车拧紧过程序列到第五组不合格汽车 拧紧过程序列的状态转移网络。(a1-e1)表示由原 始时间序列生成的状态转移网络;(a2-e2)表示在 移除连接强度小于 500 的连接后从状态转移网络获 得的增强状态转移网络;(a3-e3)表示,从重组时间 序列的状态转移网络中移除连接强度小于 500 的连 接后,获得的增强重组状态转移网络。状态转移网 络中的每个节点由两个数字标识,即括号中的一个 数字表示图 2 中状态(或节点)的 ID 号,括号左侧 的另一个数字表示图 1 中原始时间序列中首次出现 的状态(或节点)的序列号。定向连接(箭头)表示 从一个状态到另一个状态的转换。

如图 5 所示,当滑动窗口长度为 s = 5 时,图为 对合格汽车拧紧过程序列构造的状态转移网络和重 组状态转移网络中得到了度分布、度比率和尺度指 数图。(a1)-(e1)是第一组到第五组合格汽车拧紧 过程序列的状态转移网络度分布。从图中可以很容 易地识别出原始序列和无序序列中的关键节点; (a2)-(e2)是第一组到第五组合格汽车拧紧过程序 列重组前后状态转移网络度的比值分布。从比率中 可以很容易地找到关键节点;(a3)-(e3)是第一组 到第五组合格汽车拧紧过程序列模体的位置时间序 列标度指数,从中可以发现模体的长期记忆性。



图 4 5 组不合格汽车拧紧过程序列状态转移网络图

Fig. 4 Time series state transfer network diagram of five groups of unqualified automobile bolt connection process

## 2.2 汽车螺栓拧紧过程状态转移网络

由合格汽车拧紧过程和不合格汽车给拧紧过程的时间序列生成的状态转移网络分别如图 3(a1-e1)和图 4(a1-e1)所示。为了更清楚地观察网络结构,过滤掉原始状态转移网络中连接强度小于 500的连接,得到图 3(a2-e2)和图 4(a2-e2)中的增强状态转移网络。为了进行比较,随机重组了原始合格汽车拧紧过程时间序列。删除连接强度小于 500的连接后,随机时序的增强状态转移网络如图 3(a3-e3)和图 4(a3-e3)所示。每个节点由图 3中的两个数字标识,即括号中的数字表示图 2 中状态(或节点)的 ID 号,括号左侧的另一个数字表示图 1 中原始时间序列中首次出现的状态(或节点)的序列号。例如,对于图 3(a1)中的左上角节点 20(6), "20"表示该节点第一次从图 1(a)中的第 20 个数据点出现,而"6"表示图 2 中的第 6 状态(节点)。

在状态转移网络中,自连接节点即具有从自身 到自身的连接的节点,如图 3(a1-e1)所示。a1 中 第一组合格汽车拧紧过程序列的自连接节点分别为 3(3)、49(4)、208(10)和5(19);b1 中第二组合格 汽车拧紧过程序列的自连接节点分别为2(3)、3 (4)、296(10)和289(19);c1 中第三组合格汽车拧 紧过程序列的自连接节点分别为1(3)、5(4)、238 (10)和231(19);d1 中第四组合格汽车拧紧过程序 列的自连接节点分别为2(3)、1(4)、229(10)和237 (19);e1 中第五组合格汽车拧紧过程序列的自连接 节点分别为4(3)、13(4)、232(10)和218(19)。在 增强的状态转移网络中,自连接节点也在图 3(a2-e2)中可观察到,a2 中第一组合格汽车拧紧过程序列的自连接节点分别为 3(3)和49(4);b2 中第二组合格汽车拧紧过程序列的自连接节点分别为 2(3)和 3(4);c2 中第三组合格汽车拧紧过程序列的自 连接节点分别为 1(3)和 5(4);d2 中第四组合格汽车拧紧过程序列的自连接节点分别为 2(3)和 1 (4);e2 中第五组合格汽车拧紧过程序列的自连接 节点分别为 4(3)和 13(4)。在图 3(a1-e1)中,虽

然不同合格汽车拧紧过程序列中的自连接节点对应 于原始时间序列首次出现的不同位置,但自连接节 点的对应状态是相同的(自连接节点对应的括号外 的数字是不同的,括号内的数字相同)。在增强状 态转移网络中,合格汽车拧紧过程序列的不同组之 间的自连接节点数目也是相同的;在图 3(a2-e2) 中,每个组的自连接节点数目减少到 2 个。作为比 较,本文提出的增强型重组状态转移网络中不存在 自连接节点,如图 3(a3-e3)所示。





Fig. 5 Characteristic analysis diagram of time series state transfer network of five groups of qualified automobile bolt connection process

此外,本文还研究了图 3(a2-e2)中增强状态转 移网络中自连接强度的值。具体地,对于合格汽车 拧紧过程的第一组序列中的节点 3(3)和 49(4),状 态转移网络中的连接强度分别为 3 240 和 3 239;对 于合格汽车拧紧过程的第二组序列中的节点 2(3) 和节点 3(4),状态转移网络中的连接强度分别为 3 204和 3 224;对于合格汽车拧紧过程的第三组序 列中的节点 1(3)和 5(4),状态转移网络中的连接 强度分别为 3 149 和 3 119;对于合格汽车拧紧过程 的第四组序列中的节点 3(3)和 49(4),状态转移网 络中的连接强度分别为 3 204 和 3 224;对于合格汽 车拧紧过程的第五组序列中的节点 4(3) 和节点 13 (4),状态转移网络中的连接强度分别为 3 166 和 3 165。

与每组合格汽车拧紧过程序列相反,在图4中的每个不合格汽车拧紧过程序列的状态转移网络、 增强状态转移网络和增强重组状态转移网络中均未 观察到自连接节点。这种自连接节点的差异表明合 格汽车拧紧过程序列和不合格汽车拧紧过程序列之 间的网络拓扑结构不同,并且暗示合格汽车拧紧过 程序列和不合格汽车拧紧过程序列之间的动态行为 也不同。

#### 2.3 状态转移网络的节点度

由5组合格汽车拧紧过程序列和随机重组时间 序列生成的每个节点的度,如图 5(a1)-(e1)所示; 5组合格汽车拧紧过程序列节点度与随机重组时间 序列节点度的比率,如图 5(a2)-(e2)所示。如果 状态转移网络中关键节点的节点度明显大于无序状 态转移网络中关键节点的节点度,则该节点称为模 体,可以作为状态转移网络的全局代表。根据模体 的定义,可以找到5组合格汽车拧紧过程序列的模 体。第一组合格汽车拧紧过程序列的状态转移网络 中的模体1和模体2.对应节点为3(3)和49(4):第 二组合格汽车拧紧过程序列的状态转移网络中的模 体1和模体2,对应的节点分别为状态2(3)和状态 3(4);第三组合格汽车拧紧过程序列的状态转移网 络中的模体1和模体2,对应的节点为1(3)和5 (4):第四组合格汽车拧紧过程序列的状态转移网 络中的模体1和模体2,对应节点分别为2(3)和1 (4):第五组合格汽车拧紧过程序列的状态转移网 络中的模体1和模体2,对应的节点为4(3)和13 (4)。可见图显示5组合格汽车拧紧过程序列对应 的可见图结构(3)和(4)为模体,度值最大。可见图 结构(3)和(4)在合格汽车拧紧过程序列中具有重 要意义,如图 5(a2)-(e2)。

为了研究模体在合格汽车拧紧过程序列中是否随机出现,提取了合格汽车拧紧过程序列中状态 3 或状态 4 的位置,得到了对应的位置时间序列,采用 去趋势波动分析方法计算 Hurst 指数 H 值。第一组 合格汽车拧紧过程序列的模体 1 和模体 2 对应的 H 值分别为 0.60 和 0.57;第二组合格汽车拧紧过程序 列的模体 1 和模体 2 对应的 H 值分别为 0.60 和 0. 57;第三组合格汽车拧紧过程序列的模体 1 和模体 2 对应的 H 值分别为 0.61 和 0.57;第四组合格汽车 拧紧过程序列的模体 1 和模体 2 对应的 H 值分别为 0.60 和 0.56;第五组合格汽车拧紧过程序列的模体 1 和模体 2 对应的 H 值分别为 0.62 和 0.56。五组合 格汽车拧紧过程序列对应的模体的 H 值均在 0.6 左 右,说明模体不是随机出现的。

## 3 结束语

本文通过可见图方法将5组合格汽车拧紧过程 序列与5组不合格汽车拧紧过程序列映射到状态转 移网络,探究了汽车拧紧过程的动态机制。经研究 发现5组合格汽车拧紧过程序列产生的状态转移网 络在网络特性上趋于一致,并且5组合格汽车拧紧 过程序列具有相同的模体。而5组不合格汽车拧紧 过程序列产生的状态转移网络在网络特征上没有相 似性,也没有模体的出现。

具体而言,(3)、(4)、(10)、(19)的自连接节点 出现在5组合格汽车拧紧过程序列的原始状态网络 (图3(a1)-(e1))中,并且节点(3)和(4)经 Hurst 指数验证为5组序列的模体。不合格汽车拧紧过程 序列的原始状态转移网络中没有模体,这意味着5 组不合格汽车拧紧过程序列在拧紧过程中表现出随 机性,序列之间没有共同特征。为此,本文使用的状 态转移网络的方法有效的验证了合格序列和不合格 序列之间存在的差异。

实验结果表明:在可见图结构(3)和(4)中,5组 合格汽车拧紧过程序列中的出现最显著,并且出现明 显的非偶然强自连接节点(3)和(4),这两种状态的 标度指数均大于 0.5,证明该时间序列具有长期记忆 性,说明合格汽车拧紧过程序列具有长期记忆性。

由于合格汽车拧紧过程序列的分形性质,在未 来的研究中,将进一步探索合格汽车拧紧过程序列 在其他时间尺度上的运行规律,希望能揭示更深刻 的时间序列运行规律。

# 参考文献

- XU C, ZHOU B Y, LIU X E, et al. A review of vibration-based condition monitoring and identification for mechanical bolted joints
  [J]. Structure & Environment Engineering, 2009, 36(2): 28-36.
- [2] VICTOR G F, CARLES G, HELENA R P. A Comparative Study of Anomaly Detection Techniques for Smart City Wireless Sensor Networks[J]. Sensors, 2016, 16(6):868.
- [3] TODD M D, NICHOLS J M, NICHOLS C J, et al. An assessment of modal property effectiveness in detecting bolted joint degradation: theory and experiment [J]. Journal of Sound & Vibration, 2004, 275(3-5):1113-1126.
- [4] AMERINI F, MEO M. Structural health monitoring of bolted joints using linear and nonlinear acoustic/ultrasound methods [ J ]. Structural Health Monitoring, 2010, 10(6):659-672.
- [5] HUANG Z R, HUANG T L, REN W J, et al. Track outlier detection algorithm based on Bi-LSTM model [J]. Journal of Radars, 2019, 8(1): 36-43.
- [6] CUCINA D, SALVATORE A D, PROTOPAPAS M K. Outliers detection in multivariate time series using genetic algorithms [J]. Chemometrics & Intelligent Laboratory Systems, 2014, 132:103-110.
- [7] SONG X, WU M, JERMAINE C, et al. Conditional Anomaly Detection [ J ]. IEEE Transactions on Knowledge & Data Engineering, 2007, 19(5):631-645.
- [8] ZHANG J, LUO X, NAKAMURA T, et al. Detecting temporal and spatial correlations in pseudoperiodic time series[J]. Physical Review E Statistical Nonlinear & Soft Matter Physics, 2007, 75 (1):016218. (下转第 82 页)