文章编号: 2095-2163(2020)03-0209-09

中图分类号: U469 文献标志码: A

轮毂电机驱动汽车差动助力转向与稳定性协调控制

高 超,张缓缓,李庆望,严 帅 (上海工程技术大学机械与汽车工程学院,上海 201620)

摘 要:针对轮毂电机驱动汽车,本文建立了整车模型和差动助力转向系统模型,根据轮毂电机驱动汽车可以独立控制左右转向轮输出力矩的特性,通过控制汽车左右转向轮的差动力矩来实现减小驾驶员方向盘手力的目的,从而代替现有的电助力转向系统。针对电动汽车行驶稳定性,设计了以车辆质心侧偏角和横摆角速度联合控制的横摆力矩控制器;针对差动助力转向和横摆力矩控制各自的特点和相互影响的关系,建立了差动助力转向与横摆力矩控制的可拓联合控制系统。最后基于 Matlab/Simulink 与 Carsim 联合仿真平台,利用经典的双移线工况进行了人车闭环仿真分析。仿真结果表明:联合控制系统 能有效地改善车辆的转向轻便性和行驶稳定性,显著提高了车辆的操纵性能。 关键词:轮毂电机驱动汽车;差动助力转向;稳定性控制

# Wheel hub motor driven vehicle

# differential power steering and stability coordinated control

#### GAO Chao, ZHANG Huanhuan, LI Qingwang, YAN Shuai

(School of Michanical and Automotive Engineering, Shanghai University of Engineering Science, Shanghai 201620, China)

[Abstract] For the hub motor drive car, this paper establishes the whole vehicle model and the differential power steering system model. According to the hub motor, the car can independently control the output torque of the left and right steering wheels, and reduce the driving torque by controlling the differential torque of the left and right steering wheels. The purpose of the steering wheel is to replace the existing electric power steering system. Aiming at the driving stability of electric vehicles, an extension joint controller based on the vehicle 's centroid side yaw angle and yaw rate is designed. Aiming at the difference between the characteristics of the differential power steering and the yaw moment control and the mutual influence, joint control system for dynamic steering and yaw moment control is established. Finally, based on the Matlab/Simulink and Carsim co – simulation platform, the closed – loop simulation analysis of human – vehicle is carried out by using the classical double – shifting working condition. The simulation results show that the joint control system can effectively improve the steering flexibility and driving stability of the vehicle, and significantly improve the handling performance of the vehicle.

[Key words] hub motor driven vehicle; differential power steering system; stability control

# 0 引 言

汽车转向性能是汽车极为重要的性能之一,不 仅能影响到汽车的操纵稳定性,而且对汽车的行驶 安全也有着巨大的影响。目前,随着汽车电子技术 的发展,人们对汽车转向性能的要求也日益提高。 汽车转向系统先后经历了机械转向、液压助力转向、 电子液压助力转向、电动助力转向以及最新的线控 转向等阶段<sup>[1]</sup>。差动助力转向系统(Differential Drive Assist Steering, DDAS)结构简单,适应轮毂电 机驱动汽车的特点,是未来助力转向系统的发展趋 势<sup>[2]</sup>,也是本文主要的研究对象。但是在差动助力 系统工作时,会给车辆带来额外的横摆力矩,从而影 响车辆行驶的稳定性,如何在保证车辆行驶稳定的 前提下尽可能地提供差动助力来减少方向盘手力是 本文研究的主要内容。

## 1 差动助力转向的原理

对于传统的燃油车而言,由于存在差速器结构, 其左右车轮的驱动力几乎是相同的。对于轮毂电机 驱动汽车,4个车轮的驱动力是独立可控的,所以左 右车轮的差动力矩可以不同。研究中将汽车左右转 向轮的驱动力绕各自主销轴线力矩的差值定义为差 动转向力矩,如图1所示。故在研究转向特性时,传 统燃油车的往往将其忽略,而轮毂电机驱动汽车差 动转向力矩不再为零<sup>[3]</sup>。转向系统存在转向梯形 结构,所以差动转向力矩能够驱动左右转向轮转向。 通过改变左右转向轮的驱动力大小,即可达到利用 差动转向力矩提供转向助力的目的。

分析图 1 可知,设转向轮的主销偏移距为 $\delta_r$ , 当汽车转向时,产生的差动转向力矩为  $T_{st}$ ,其计算 公式可表示为:

**作者简介:**高 超(1993-),男,硕士研究生,主要研究方向:差动助力转向技术。 **收稿日期:** 2019-11-25





#### 图 1 差切助力转向系统结构 Fig. 1 Structure of DDAS system

$$T_{st} = (F_{t1} - F_{t3}) \cdot \delta_r, \qquad (1)$$

设左右车轮的驱动力矩分别为 $T_1$ 、 $T_3$ ,则差动转向力矩可以表示为<sup>[4]</sup>:

$$T_{st} = (T_1 - T_3) \cdot \frac{\delta_r}{r_w} = \Delta T \cdot \frac{\delta_r}{r_w}.$$
 (2)

其中,  $r_{w}$  为车轮的滚动半径,  $\Delta T$  为左转向轮与 右转向轮驱动力矩的差值。

#### 2 差动助力转向模块的建立

#### 2.1 转向系统模型的建立

针对差动助力转向系统,其机械结构与传统的 机械转向系统近乎一致,因此根据机械转向系统建 立一个四自由度的转向系统,将其简化为方向盘与 转向柱子模型、齿轮齿条子模型和左、右侧转向轮子 模型等四个子模型。根据所学的物理及力学知识可 得到以下4个动力学微分方程<sup>[4]</sup>:

(1)方向盘组件的微分方程:

$$\frac{K_T \cdot H_{SW}}{K_{SC} + K_T} \cdot \delta_{SW} - \frac{K_T \cdot H_{SW}}{R_P \cdot (K_{SC} + K_T)} \cdot \dot{Y}_R + \frac{K_{SC} \cdot K_T}{K_{SC} + K_T} \cdot \delta_{SW} - \frac{K_{SC} \cdot K_T}{R_P \cdot (K_{SC} + K_T)} \dot{Y}_R + I_{SW} \cdot \ddot{\delta}_{SW} = T_{SW},$$
(3)

(2)转向器齿条组运动微分方程:

$$M_{R} \ddot{Y}_{R} + H_{CR} \dot{Y}_{R} - \frac{K_{SC} K_{T} \eta_{F}}{R_{P} (K_{SC} + K_{T})} \delta_{SW} + \frac{\delta_{SC} K_{FT} \eta_{F}}{\delta_{SC} N_{L1}^{2}} \delta_{FW1} + \frac{K_{KP2} \ddot{O}}{N_{L2}^{2}} \delta_{FW} + \frac{K_{SC} K_{T} \eta_{F}}{R_{P}^{2} (K_{SC} + K_{T})} \dot{O} \cdot Y_{R} - \frac{K_{KP1} \cdot \eta_{B}}{N_{L1}} \delta_{FW1} - \frac{K_{KP2} \cdot \eta_{B}}{N_{L2}} \delta_{FW2} = -CF_{GR}, (4)$$
(3) 左转向轮运动微分方程:

$$I_{FW1} \cdot \ddot{\delta}_{FW1} + H_{KP1} \cdot \dot{\delta}_{SW1} - \frac{K_{KP1}}{N_{L1}} \cdot Y_R + K_{KP1} \cdot \delta_{FW1} = -AT_1 - CF_{KP1} + F_{t1} \cdot T_a,$$
(5)  
(4) 右转向轮运动微分方程:

$$I_{FW2} \cdot \ddot{\delta}_{FW2} + H_{KP2} \cdot \dot{\delta}_{SW2} - \frac{K_{KP2}}{N_{L2}} \cdot Y_R + K_{KP2} \cdot \delta_{FW2} = -AT_2 - CF_{KP2} - F_{L2} \cdot T_a$$
(6)

其中, K<sub>r</sub> 表示扭力杆的转动刚度; H<sub>sw</sub> 表示转 向柱的阻尼系数;  $K_{sc}$  表示转向柱的转动刚度;  $R_{p}$ 表示转向器小齿轮节圆半径; $\delta_{sw}$ 表示方向盘转角; Y<sub>R</sub>表示转向器齿条的位移长度; I<sub>sw</sub>表示方向盘的 转动惯量; T<sub>sw</sub> 表示方向盘输入力矩; M<sub>R</sub> 表示转向 器齿条的质量;  $H_{cr}$  表示转向器阻尼系数;  $\eta_F$  表示 转向器正向传动效率;  $\eta_{B}$  表示转向器逆向传动效 率; K<sub>KP1</sub>、K<sub>KP2</sub> 分别表示左、右侧转向主销的转动刚 度; N<sub>11</sub>、N<sub>12</sub> 表示转向器齿条分别到左、右转向轮的 传动比; $\delta_{FW1}$ 、 $\delta_{FW2}$ 分别表示左、右转向轮的转向角 度; CF<sub>GR</sub> 表示转向器的干摩擦阻力; I<sub>FW1</sub>、I<sub>FW2</sub> 分别 表示左、右转向轮等组件的转动惯量; H<sub>KP1</sub>、H<sub>KP2</sub> 分 别表示左、右转向主销的阻尼系数;AT<sub>1</sub>、AT,分别表 示左、右转向轮的回正力矩; CF<sub>KP1</sub>、CF<sub>KP2</sub> 分别表示 左、右转向轮组件绕其主销的干摩擦阻力矩; $F_{\mu}$ 、 F<sub>12</sub>分别表示左、右转向轮上的纵向力; T<sub>a</sub>表示车轮 主销偏移距。

#### 2.2 差动助力控制器设计

## 2.2.1 助力特性曲线的确定

为了达到较好的助力效果,本文设计了助力性 能比较优越的直线型助力特性曲线<sup>[5]</sup>,如图2所示。 为了直观地反映出差动助力转矩和驾驶员转向手力 矩和车速的关系,这里采用 Matlab 将其绘制成3维 MAP 图,如图3所示。



图 2 不同车速下差动助力矩与转向手力矩关系曲线

Fig. 2 The assistance torque and input torque curve of the different vehicle speed

2.2.2 助力转矩分配控制器设计

根据设计的理想助力特性曲线,可以得出在不 同车速下,根据方向盘手力矩的大小,通过差动助力 转向系统应该提供多少的差动力矩。该差动力矩的 值是根据不同工况下为了达到理想手力矩,计算出 需要的助力,然后参考公式(2)计算出汽车左右转 向轮的输出力矩差值。通过查找 MAP 图的方法来 保证实际转向手力矩跟踪理想的转向手力矩,从而 达到在不同车速时既能提高转向轻便性,又能保证 驾驶员路感的目的<sup>[6]</sup>。

为了保证车辆的动力性能,各个车轮输出的总 力矩保持不变,差动力矩 Δ*T*将采用平均分配的方 法<sup>[7]</sup>,分配给左右转向轮,即如下式:

$$\begin{cases} T_1 = T_d \cdot d_{fr}/2 + \Delta T/2, \\ T_3 = T_d \cdot d_{fr}/2 - \Delta T/2. \end{cases}$$
(7)

其中,  $T_d$  表示车辆的总驱动力矩,  $d_f$  表示前轮 力矩分配的系数,这里取 0.6。

差动助力转向系统的控制流程图如图 4 所示。





Fig. 3 The assistance torque 3 – dimensional MAP of different vehicle speed steering input torque



图 4 控制流程图 Fig. 4 Control flow chart

## 2.3 差动助力转向系统的仿真分析

为了验证本文通过 Matlab/Simulink 平台搭建 的差动助力转向系统,是否具有可行性,以及其助力 效果能否达到减小驾驶员手力矩的目的。分别对低 速、中速和高速三种不同车速下进行仿真,首先针对 中低速,将方向盘输入为方向盘向右迅速转 90°,并 保持,车速分别设置为 30 km/h 和 60 km/h,对比有 无差动转向系统下的驾驶员手力与方向盘转角的曲 线。为了更好地模拟一般路面情况下的转向,路面 选择柏油道路,其附着系数为 0.8。

2.3.1 车辆匀速行驶速度为 30 km/h

30 km/h 转向轻便性对比见图 5,30 km/h 各车 轮转矩见图 6。通过图 5 和图 6 可以看出,当车速 为 30 km/h,方向盘输入转角为 90°的角阶跃工况 下,对比有无差动助力系统作用下的方向盘手力矩 的大小,可以看出手力减少了约 2.48 Nm,下降了约 47.1%。此时车辆的左右转向轮的驱动差值 ΔT 约 为 172 Nm,证明差动助力转向系统在车辆低速转向 时起到了明显的作用。



Fig. 5 Comparison of steering lightness at 30 km/h

## 2.3.2 车辆匀速行驶速度为 60 km/h

当车速处于 60 km/h 时,方向盘转角依然为 90°角阶跃输入,通过实验仿真可以看出,有差动助 力系统的轮毂电机汽车转向时的方向盘手力矩要比 无差动助力的汽车减少了大约 50%,同时也可看出 此时的车辆的左右转向轮的输出力矩差值 ΔT 约为 281 Nm。而且 60 km/h 车辆行驶轨迹对比如图 7 所示。通过图 7,对比有无差动助力系统下车辆的 行驶轨迹可以得出差动助力转向可以减小车辆转向 不足的问题,改善了其过弯能力。在中等车速下,差 动助力转向系统效果依然明显。



图 6 30 km/h 各车轮转矩







2.3.3 50 km/h 方向盘转角正弦输入

为了模拟车辆真实行驶过程中的换道的工况, 将车速调整到 50 km/h,方向盘转角为正弦输入。 第8 s时,方向盘输入一个频率为 0.2 Hz,幅值为 45°正弦波。50 km/h 转向轻便性对比见图 8,50 km/h 各车轮转矩见图 9。通过图 8、图 9 得出了有 差动助力转向系统的车辆要比无差动助力系统的车 辆减少了 2.98 Nm 的方向盘手力矩,节省了驾驶员 大约 43%的体力消耗。方向盘转角与方向盘手力 关系曲线见图 10。

通过图 10,对比有无差动助力转向系统车辆的 方向盘转角与方向盘手力关系,可以看出,差动助力 转向能明显提高转向轻便性,改善车辆的避障能力。



图 8 50 km/h 转向轻便性对比图

Fig. 8 Comparison of steering lightness at 50 km/h







#### 3 横摆力矩控制器设计

## 3.1 线性二自由度模型

虽然线性二自由度模型表达简单,却包含了车 身质量、前后轴侧偏刚度、轴距等反映汽车侧向运动 最为关键的几个量,因此,国内外许多学者将线性二 自由度车辆模型作为车辆动力学稳定性控制的参考 模型<sup>[8]</sup>。研究后推得,线性二自由度车辆模型的运 动微分方程为:

$$\frac{\hat{f}}{\hat{f}}m(\dot{v}_{y} + v_{x}r) = (k_{f} + k_{r})\beta + \frac{1}{v_{x}}(ak_{f} - bk_{r})\omega_{r} - k_{f}\delta,$$

$$\frac{\hat{f}}{\hat{f}}L\dot{\omega}_{r} = (ak_{f} - bk_{r})\beta + \frac{1}{v_{x}}(a^{2}k_{f} + b^{2}k_{r})\omega_{r} - ak_{f}\delta.$$
(8)

其中,  $k_f$  和  $k_r$  为前后轴的等效侧偏刚度。当车辆处于稳态运行时,车辆的侧向加速度和横摆角速度都等于零,即  $v_y = 0$ , $\omega_r = 0$ ,故由式(8)可以计算出稳态下车辆的质心侧偏角和横摆角速度为:

$$\beta_{r} = \left\{ \frac{b}{l(1 + Kv_{x}^{2})} + \frac{mav_{x}^{2}}{k_{r}l^{2}(1 + Kv_{x}^{2})} \right\} \delta, \quad (9)$$

$$\omega_{rd} = \frac{v_x}{l(1 + Kv_x^2)} \delta.$$
(10)

## 3.2 横摆角速度 PID 控制器

PID 控制是发展时间最长的控制策略之一,因 为其简单的算法和较高的可靠性,在工业设计中被 广泛的应用,尤其适用于建立精确数学模型的确定 性控制系统中。在汽车工程领域研究探索中,使用 PID 控制规律进行车辆稳定性控制也是最为普通的 一种方法<sup>[9]</sup>。

在设计时,控制器的输入量为汽车的实际横摆 角速度 ω<sub>n</sub> 和理想的横摆角速度 ω<sub>n</sub> 的差值,控制器 的输出值则是横摆调整力矩 M<sub>n</sub> 的大小,最后再由 输出力矩分配模块进行后轮输出力矩的再分配。

## 3.3 质心侧偏角 PID 控制器

大部分的汽车稳定性控制系统的控制变量都选 取汽车的质心侧偏角作为控制参数。汽车实际的质 心侧偏角一般是通过估算的方法来实现的。本文也 是采用了控制效果较好且控制方法比较简单的 PID 控制。

## 3.4 横摆角速度和质心侧偏角可拓联合控制器

结合上文中所求解的关联函数以及对测度模式 的划分,对横摆角速度和质心侧偏角进行切换控制。 切换控制器可分为上层控制器和下层控制器两部 分,如图 11 所示。

在上层控制器中,利用可拓理论确定汽车行驶 稳定性指标与可拓集的关联度,对汽车状态进行识 别划分。即采集汽车动力学模型实际横摆角速度和 实际质心侧偏角,选取实际质心侧偏角 $\beta_r$ 、实际横 摆角速度 $\omega_{ri}$ 和参考横摆角速度 $\omega_{rd}$ 的偏差 $\Delta\omega$ 作为 特征量,组成特征状态 $S(\omega_r,\beta_r)$ ;建立二维可拓集 合,依据汽车行驶状态,根据车速、路面附着系数、前 轮转角等影响因素,分别确定横摆角速度偏差 $\Delta\omega$  和实际质心侧偏角 β, 的经典域及可拓域边界值, 划 分二维可拓集合的经典域、可拓域和非域, 对应汽车 稳定状态、趋于失稳状态以及失稳恶化的状态; 接着 将二维可拓集合中的可拓距转换到一维可拓集合中 求解,获得关联函数<sup>[10]</sup>;同时, 根据关联函数划分测 度模式, 确定汽车不同行驶状态下所对应的控制策 略。最终, 上层控制器向下层控制器发送关联函数 以及汽车特征状态所处控制区域信号。



#### 图 11 可拓控制流程图

#### Fig. 11 Extension controller flow chart

在下层控制器中,接收上层控制器发送信号,根 据汽车特征状态所处区域和关联函数实现横摆角速 度和质心侧偏角的切换控制,输出横摆力矩为:

$$\Delta M_{s} = \begin{cases} 1 \\ \gamma_{1} \cdot \Delta M_{s\omega}, & S(\Delta \omega_{r}, \beta_{r}) \in \mathfrak{G}, \\ \gamma_{1} \cdot \Delta M_{s\omega}, & S(\Delta \omega_{r}, \beta_{r}) \in \mathfrak{T}, \\ \gamma_{1} \cdot \Delta M_{s\beta}, & S(\Delta \omega_{r}, \beta_{r}) \in \mathfrak{F}, \end{cases}$$

(11)

## 3.5 仿真分析

#### 3.5.1 Fishhook 实验

为了验证基于横摆力矩的轮毂电机驱动电动汽 车稳定性控制策略,进行了不同控制策略的对比试 验。其中包括横摆角速度单独控制、质心侧偏角单 独控制和联合控制的3种不同的控制策略,并将其 和无控制的进行对比。仿真实验中设置的方向盘转 角输入如图12所示,车速设置为60 km/h。在路面 附着系数为0.85 工况下进行了鱼钩(Fishhook)实 验。获得仿真结果如图13~图15 所示。







# 3.5.2 正弦输入

为了更好地验证联合控制的效果,进一步进行 正弦工况的仿真,仿真中将车速设置为 80 km/h,路 面工况则取附着系数为 0.8 的柏油路面,其中方向 盘的转角输入如图 16 所示。当汽车行驶车速为 80 km/h,路面附着系数为 0.8 时,获得仿真结果如 图 17~图 19 所示。



Fig. 18 Sinusoidal input line side angle



Fig. 19 Sinusoidal input path

根据图 17 可知,当方向盘转角为正弦输入的仿 真工况时,此时车辆的横摆角速度能够比较好地反 映出汽车行驶状态,所以横摆角速度单独控制与联 合控制下的横摆角速度曲线波动都非常小,变化范 围在±10°之间;而质心侧偏角单独控制下的横摆角 速度就比较大,在13°~15°之间变化;相比较有控制 的车辆状态,在无控制下的汽车横摆角速度则是最 大的,在±15°之间变化。而在相同工况下,分析后 可以看出联合控制和横摆角速度单独控制下的质心 侧偏角波动范围最小,在±0.95°之间变化;而质心侧 偏角单独控制下的变化范围在±1.1°;汽车质心侧偏 角变化范围最大的还是在无控制下,变化范围达到 了±1.3°。

综合图 12~图 19 可以看出,在鱼钩实验工况 下,联合控制与质心侧偏角单独控制的效果近乎相 同,均比横摆角速度单独控制更加优异;而在转向盘 转角正弦输入工况下,联合控制的效果又与横摆角 速度单独控制效果相似,且都要优于质心侧偏角单 独控制。故综合考虑,本节提出的横摆角速度和质心 侧偏角联合控制器能适应多种工况,效果要比横摆角 速度单独控制和质心侧偏角单独控制更加优秀。

#### 4 差动助力转向和横摆力矩协调控制

#### 4.1 上层控制器

差动助力转向系统在工作时,会使左右转向轮 产生差动力矩,该差动力矩在对转向系提供助力的 同时,也会对汽车整体产生一个横摆力矩,进而影响 整车稳定性。因此,为了保证汽车行驶的稳定性,在 趋于失稳时需要加入横摆力矩控制,这样不仅拓展 了 DDAS 的工作范围,还能提高整车稳定性<sup>[11]</sup>。但 是,当保证助力效果难以维持汽车行驶稳定性时,需 要取消 DDAS,只对汽车进行横摆力矩控制,最大可 能地保证整车稳定性。 综上,实现协调控制需要研究两方面内容,一是 如何确定汽车转向行驶的稳定性边界,划分汽车行 驶状态;二是如何确定差动助力矩与横摆力矩之间 的关系,共同实现稳定性控制。由此建立可拓协调 控制器。对此可做阐释分述如下。

(1)特征量选取:选择实际质心侧偏角 β 与实际横摆角速度 ω<sub>n</sub> 和参考横摆角速度 ω<sub>n</sub> 的偏差 Δω 作为特征量,组成特征状态 S(Δω,β)。

(2)可拓集合划分:利用公差带法确定横摆角 速度经典域和可拓域边界 Δω<sub>1</sub>、Δω<sub>2</sub>,确定质心侧偏 角的经典域和可拓域边界 β<sub>1</sub>、β<sub>2</sub>。

(3)关联度计算:由于特征量选取不同于传统 的可拓控制,故依据可拓理论重新确定可拓距,获得 关联函数 *K*(*S*)。

(4)测度模式划分及协调控制权重的确定。根据关联函数 *K*(*S*) 对协调控制权重划分如下<sup>[12]</sup>:

当  $K(S) \ge 1$  时,特征状态  $S(\Delta \omega, \beta)$  处在经典 域中,此时汽车稳定性较好,只需要对差动助力矩进 行控制。在该情况下取差动助力矩权重  $\gamma_1 = 1$ ,横 摆力矩权重  $\gamma_2 = 0$ 。

当 0 ≤ K(S) < 1 时,特征状态  $S(\Delta \omega, \beta)$  处于 可拓域中,汽车行驶趋于不稳定,此时需减小差动助 力矩的权重,增加横摆力矩的权重,对汽车稳定性控 制进行加强。随着特征状态  $S(\Delta \omega, \beta)$  远离经典域, 关联函数 K(S) 会随之减小,恰好反映了差动助力 矩权重的变化状态,故取  $\gamma_1 = K(S), \gamma_2 = 1 - K(S)$ 。

当 K(S) < 0 时,特征状态  $S(\Delta \omega, \beta)$  处于非域 中,此时汽车转向行驶将处于不稳定状态,需取消 DDAS 控制,加强整车横摆力矩控制,最大程度地保 证整车稳定性,故取  $\gamma_1 = 0$ ,  $\gamma_2 = 1$ 。

#### 4.2 下层控制器

下层控制器主要包括差动助力转向控制器、横 摆力矩控制器以及基于二次规划理论的转矩优化分 配。为此将给出探讨论述如下。

(1)差动助力转向控制器。根据设计的理想助 力特性曲线,可以得出在不同车速下,根据方向盘手 力矩的大小,通过差动助力转向系统应该提供多少 的差动力矩。该差动力矩的值是根据不同工况下为 了达到理想手力矩,计算出需要的助力,然后通过上 文中的公式(2)计算出汽车左右转向轮的输出力矩 差值。通过查找 MAP 图的方法来保证实际转向手 力矩跟踪理想的转向手力矩,从而达到在不同车速 时既能提高转向轻便性,又能保证驾驶员路感的目 的<sup>[11]</sup>。

差动助力转向系统的控制流程图见前文图 4。

(2)横摆力矩控制器。根据上层控制器发送的 权重系数 γ<sub>2</sub>,结合横摆力矩控制器,重新获得可拓 协调控制中的横摆力矩控制器见图 11 的下层设计。 最终横摆力矩控制器输出值如下:

其切换规则为:当特征状态处于经典域时,横摆 力矩控制器不工作;当特征状态处于可拓域时,采用 横摆角速度控制;当特征状态处于非域时,切换为质 心侧偏角控制,尽最大可能地保证稳定性。

(3)转矩分配。通过上文计算出的差动力矩和 横摆调整力矩,进行重新分配。差动助力转向产生 的助力矩按照权重系数 γ<sub>1</sub> 平均分配给前侧车轮,内 侧减少外侧增加<sup>[13]</sup>;可拓联合控制产生的横摆调整 力矩按照权重系数 γ<sub>2</sub> 平均分配给后侧车轮。

## 4.3 仿真结果及分析

利用 Carsim 和 Matlab/Simulink 联合仿真,对基 于横摆力矩的差动助力转向可拓协调控制系统进行 验证。由于本文重点是对差动助力转向性能的延 伸,提高装备差动助力转向系统电动汽车的稳定性, 故对差动助力转向控制系统和基于横摆力矩的差动 助力转向可拓协调控制系统进行对比。采用汽车在 实际行驶中容易失稳的双移线工况作为仿真工况, 以验证可拓协调系统的控制效果。

首先在路面附着系数为 0.8 的双移线工况下仿 真,车速 80km/h。仿真结果如图 20~图 25 所示。

根据图 20 可知,与单独差动助力转向控制相 比,可拓协调控制提高了汽车的道路跟踪能力。单 独差动助力转向控制的汽车在横坐标 100~120 m 之间、150~160 m之间在纵向位移上偏离程度较大, 最大偏移距离达 0.26 m,横向位移最大偏差出现在 横坐标 60~75 m之间,最大偏差为 4.3 m;可拓协调 控制的汽车纵向误差能保证在 0.18 m以内,误差改 善了 30%,横向位移误差不超过 3.9 m,改善了 10%。根据图 21~图 23 可以发现,可拓协调控制下 的横摆角速度、质心侧偏角和侧向加速度有着明显 减小,其均方根值分别为 2.72 °/s、0.104 °和 0.108 g相比,分别优化了 36.1%、24.6%和 14.5%, 显著提高了汽车的稳定性。





由图 24~图 25 中的车轮转矩变化可知,当 DDAS 单独控制时,前轮转矩变化较大,产生了较大 的差动助力矩,而后轮转矩没有产生转矩差;当采用 可拓协调控制时,由于汽车在 5~14 s 之间基本上处 于可拓域内,前轮转矩有着明显的减小,同时后轮转 矩发生改变,产生转矩差,抑制整车稳定性的恶化。 双移线工况方向盘转矩见图 26。由图 26 可知,当 汽车处在可拓域时,前轮产生的差动助力会适当减 小,结合横摆力矩以提高汽车稳定性,而此时的转向 盘转矩则会相应增大,但也能保证在-8 Nm 与 8 Nm 之间变化。

综上所述,可拓协调控制系统拓展了差动助力 控制系统的工作范围,当汽车运动状态处在可拓域 内,此时控制系统会相应地减小前轮差动助力转矩, 同时通过在后轮产生差动转矩的方式加强横摆力矩 控制,进而保证汽车行驶的稳定性。仿真结果证明, 该方法能够减小横摆角速度及质心侧偏角,提高道 路跟随能力,保证汽车行驶稳定性。



图 23 双移线工况侧向加速度

Fig. 23 Double shift line condition lateral acceleration



Fig. 24 Double shift line condition front wheel torque







Fig. 26 Double shift line condition steering wheel torque 5 结束语

(1)通过 Matlab/Simulink 搭建出了差动助力转 向系统模型,针对其可行性和转向轻便性进行了计 算机仿真分析,仿真结果表示本文建立的转向系统 模型以及转矩分配控制器能有效地进行助力控制, 起到减小驾驶员方向盘手里的作用。

(2)通过 Simulink 搭建的横摆力矩控制器可以 很好地在横摆加速度控制和质心侧偏角控制之间选 择最优控制方案并切换,再通过仿真验证其效果明 显,且能提高汽车稳定性。

(3)通过搭建的可拓协调控制器分别对差动助 力转向系统和横摆力矩控制器进行加权,从而使得 在不同控制域之间,保证了汽车行驶稳定的情况下 尽可能地提供差动助力的效果。

#### 参考文献

- [1] 季学武, 陈奎元. 动力转向系统的发展与节能[J]. 世界汽车, 1999(10):7.
- [2] 沈晨.四轮独立驱动电动汽车差动助力转向系统控制研究[D]. 南京:东南大学,2016.
- [3] 王庆年,王军年,靳立强,等. 用于电动轮驱动汽车的差动助力 转向 [J]. 吉林大学学报(工学版),2009,39(1):1.
- [4] 王军年. 电动轮独立驱动汽车差动助力转向技术研究[D]. 长春:吉林大学,2009.
- [5]李隐卓. 电动轮驱动汽车驱动助力转向理论及动力学控制研究 [D]. 长春:吉林大学, 2007.
- [6] CABRERA J A, ORTIZ A, CARABIAS E, et al. An alternative method to determine the magic tyre model parameters using genetic algorithms[J]. Vehicle System Dynamics, 2004, 41 (2): 109.
- [7] 杨耕, 罗应立. 电机与运动控制系统[M]. 北京:清华大学出版 社, 2006.
- [8] 施国标,申荣卫,林逸.电动助力转向系统的建模与仿真技术
   [J].吉林大学学报(工学版),2007,37(1):31.
- [9] 赵玉霞,朱永存.汽车原地转向阻力矩经验公式的计算比较 [J].汽车实用技术,2015(7):102.
- [10]何杰.分布式驱动电动汽车差动助力转向研究[D].上海:同济 大学,2014.
- [11] 宗新怡. 四轮驱动轮毂电机电动汽车转向助力研究[D]. 长春: 吉林大学, 2015.
- [12] 胡长健. 电动轮驱动车辆的驱动力助力转向技术研究[D]. 长春: 吉林大学, 2008.
- [13] 孙晓文. 汽车横摆力矩控制与差动助力转向的可拓协调控制 [D]. 合肥;合肥工业大学,2017.